

# Chap 9 : Fonctions usuelles

## I. Etude de la fonction $f : x \mapsto x^2$

### 1) Ensemble de définition

La fonction  $f$  est définie pour tout  $x$  réel car tout réel admet un carré. Son ensemble de définition est donc ...

### 2) Sens de variation de $f$

**Théorème 1 :** La fonction  $f : \begin{cases} \mathbb{R} & \longrightarrow & \mathbb{R} \\ x & \longmapsto & x^2 \end{cases}$  est :

- strictement croissante sur  $[0; +\infty[$
- strictement ..... sur  $] -\infty; 0]$ .

→ démonstration :

### 3) Tableau de variation de $f$

Grâce au théorème précédent on peut dresser le tableau de variation de  $f$  :

$x$	$-\infty$	$0$	$+\infty$
$f(x)$			

### 4) Courbe représentative

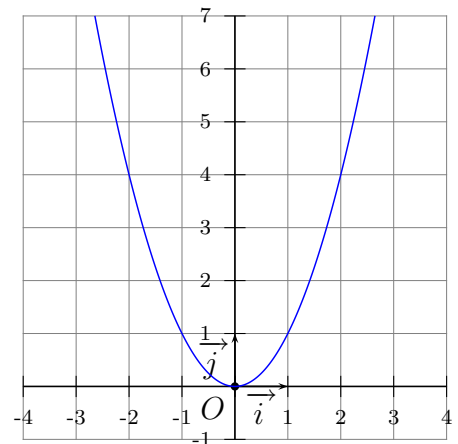
On se place dans un repère orthonormé  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .  
La courbe représentative de  $f$  est une **parabole** de sommet  $O$ .

**Remarque :** On constate que la courbe est symétrique par rapport à l'axe des ordonnées, on dit que  $f$  est **paire**.

**Définition 1 :** Une fonction  $g$ , définie sur un ensemble centré  $I$  (de la forme  $[-1; 1] - \pi, \pi] \dots$ ) est **paire** si :  
pour tout  $x$  de  $I$  on a  $g(-x) = g(x)$ .

Et c'est bien le cas pour notre fonction  $f$ .

On peut à présent tracer la courbe représentative de  $f$  :



## II. Etude de la fonction $f : x \mapsto \frac{1}{x}$

### 1) Ensemble de définition

La fonction  $f$  est définie pour tout  $x$  réel ... car tout réel non nul admet un inverse.  
 Son ensemble de définition est donc ...

### 2) Sens de variation de $f$

**Théorème 2 :** La fonction  $f : \begin{cases} \mathbb{R} & \longrightarrow & \mathbb{R} \\ x & \longmapsto & \frac{1}{x} \end{cases}$  est :

- strictement ..... sur  $]0; +\infty[$
- strictement ..... sur  $] - \infty; 0[$

→ démonstration :

### 3) Tableau de variation de $f$

Grâce au théorème précédent on peut dresser le tableau de variation de  $f$  :

$x$	$-\infty$	$0$	$+\infty$
$f(x)$			

### 4) Courbe représentative

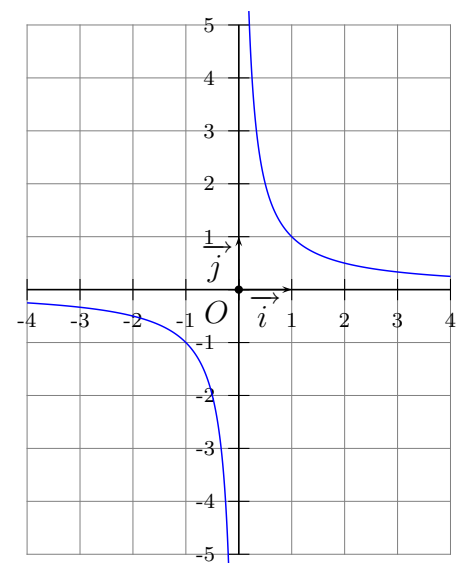
On se place dans un repère orthonormé  $(O ; \vec{i}, \vec{j})$ .  
 La courbe représentative de  $f$  est une hyperbole de sommet  $O$ .

**Remarque :** On constate que la courbe est symétrique par rapport à l'origine  $O$ , on dit que  $f$  est impaire.

**Définition 2 :** Une fonction  $g$ , définie sur un ensemble centré  $I$  est impaire si :  
 pour tout  $x$  de  $I$  on a  $g(-x) = -g(x)$ .

Et c'est bien le cas pour notre fonction  $f$  sur  $] - \infty; 0[ \cup ]0; +\infty[$ .

On peut à présent tracer la courbe représentative de  $f$  :



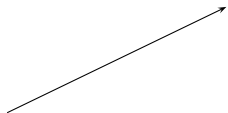
### III. Etude d'autres fonctions

#### 1) la fonction $f : x \mapsto \sqrt{x}$

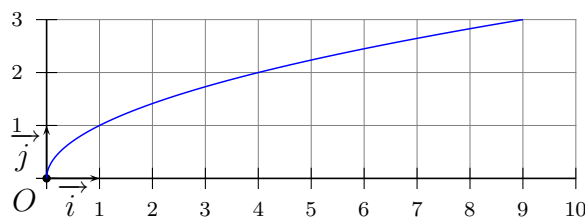
La fonction  $f$  est définie sur  $[0; +\infty[$ .

**Théorème 3 :** La fonction  $f$  est strictement croissante sur  $[0; +\infty[$ .

On peut alors dresser le tableau de variation de  $f$  :

$x$	$0$	$+\infty$
$f(x)$		

On peut à présent tracer la courbe représentative de  $f$  :

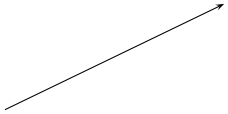


#### 2) la fonction $f : x \mapsto x^3$

La fonction  $f$  est définie sur ...

**Théorème 4 :** La fonction  $f$  est strictement croissante sur  $\mathbb{R}$ .

On peut alors dresser le tableau de variation de  $f$  :

$x$	$-\infty$	$+\infty$
$f(x)$		

On peut à présent tracer la courbe représentative de  $f$  (ci-contre) :

