

# Autotest sur les probabilités

## Exercice 1 : Dénombrement et français

- 1) Dans un jeu de 32 cartes combien a-t-on de coeurs ? de rois ?
- 2) Dans une urne contenant 11 boules numérotées de 0 à 10 combien a-t-on de numéros pairs ?
- 3) On lance un dé à 6 faces, combien a-t-on de possibilités pour que le résultat soit au moins 2 ?
- 4) On lance deux dés à 6 faces, l'un rouge et l'autre bleu. Combien y-a-t-il de résultats possibles ?
- 5) Une urne contient 3 boules rouges notées  $R_1, R_2$  et  $R_3$ , 2 jaunes notées  $J_1$  et  $J_2$  et 5 vertes notées  $V_1, \dots, V_5$ . On tire une première boule et, sans la remettre, on en tire une seconde.
  - a) Combien a-t-on de possibilités pour que la première boule soit rouge ?
  - b) Combien a-t-on de possibilités pour que la première boule soit jaune ou rouge ?
  - c) La première boule est rouge, combien a-t-on de possibilités pour que la deuxième le soit aussi ?
  - d) Combien a-t-on de cas où les deux boules sont jaunes ? de cas où au moins l'une des boules est jaune ?
  - e) Combien a-t-on de cas au total ?

## Exercice 2 : Calcul des probabilités

On tire au hasard un jeton dans une urne contenant des jetons numérotés de 0 à 20 (0 et 20 compris).

On note les événements suivants :

$A$  : « tirer un jeton portant un numéro pair »

$B$  : « tirer un jeton portant un numéro multiple de 3 »

$C$  : « tirer un jeton portant un numéro avec au plus deux chiffres »

Attention : 0 est multiple de n'importe quoi.

- 1) Déterminer le nombre total de possibilités.
- 2) Déterminer la probabilités des événements suivants :
  - a)  $A, B$  et  $C$ .
  - b)  $\bar{A}, \bar{B}$  et  $\bar{C}$ .
  - c)  $A \cap B$  et  $A \cup B$ .
  - d)  $\bar{A} \cap B$  et  $\bar{A} \cup B$ .
  - e)  $\bar{A} \cap \bar{B}$  et  $\overline{A \cup B}$ .

# Résultats

## Exercice 1 : Dénombrement et français

- 1) Il y a 8 coeurs et 4 rois.
- 2) 6. (0, 2, 4, 6, 8, 10)
- 3) 5. (2, 3, 4, 5, 6)
- 4) 36. ( $6 \times 6$ )
- 5)
  - a) 3. ( $R_1, R_2, R_3$ )
  - b) 5. ( $R_1, R_2, R_3, J_1, J_2$ )
  - c) 2. (si  $R_1$  a été tiré au premier coup : ( $R_2, R_3$ ), si c'est  $R_2$  qui a été tiré d'abord : ( $R_1, R_3$ ) et si c'est  $R_3$  : ( $R_1, R_2$ ))
  - d) 2 ( $J_1$  puis  $J_2$  et  $J_2$  puis  $J_1$ ).
34. Si la première boule est jaune ca fait 2 cas et pour la deuxième boule ca fait 9 cas (3 rouges, la jaune qui reste et 5 vertes) donc  $2 \times 9$  possibilités. Si la première boule n'est pas jaune ca fait 8 cas (3 rouges et 5 vertes) et la deuxième boule est obligatoirement jaune donc 2 cas soit  $8 \times 2$  possibilités. Et au total on a  $18 + 16 = 34$  possibilités.
- e) 90. On peut compter de deux façons : Il y a 10 boules possibles pour le premier tirage et il en reste 9 de possibles pour le second donc  $10 \times 9$  cas.  
La deuxième façon tient compte des couleurs :  
Si la première boule est rouge, il y a 3 possibilités pour elle et donc à chaque fois 9 possibilités pour la deuxième (les 2 autres rouges, 2 jaunes et 5 vertes) soit  $3 \times 9$  possibilités. Si la première est jaune, il y a 2 possibilités pour elle et donc encore 9 possibilités pour la deuxième (3 rouges, 1 jaune et 5 vertes) soit  $2 \times 9$  possibilités. Enfin si la première est verte il y a 5 possibilités pour elle et encore 9 possibilités pour la deuxième (3 rouges, 2 jaunes et 4 vertes) soit  $5 \times 9$  possibilités. Au total il y a donc  $27 + 18 + 45 = 90$  possibilités.

## Exercice 2 : Calcul des probabilités

- 1) Il y a 21 possibilités car 21 jetons.
- 2)
  - a)  $P(A) = \frac{11}{21}$ ,  $P(B) = \frac{7}{21}$  et  $P(C) = \frac{21}{21} = 1$  (tous les jetons ont au plus 2 chiffres).
  - b)  $P(\overline{A}) = 1 - \frac{11}{21} = \frac{10}{21}$ ,  $P(\overline{B}) = 1 - \frac{7}{21} = \frac{14}{21}$  et  $P(\overline{C}) = 1 - 1 = 0$ .
  - c)  $P(A \cap B) = \frac{4}{21}$  et  $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = \frac{11}{21} + \frac{7}{21} - \frac{4}{21} = \frac{14}{21}$ .
  - d)  $P(\overline{A} \cap B) = \frac{3}{21}$  et  $P(\overline{A} \cup B) = P(\overline{A}) + P(B) - P(\overline{A} \cap B) = \frac{10}{21} + \frac{7}{21} - \frac{4}{21} = \frac{13}{21}$ .
  - e)  $\overline{A \cap B}$  et  $\overline{A \cup B}$  sont les mêmes événements.  
De plus  $P(A \cup B) = \frac{14}{21}$  donc  $P(\overline{A \cap B}) = P(\overline{A \cup B}) = 1 - \frac{14}{21} = \frac{7}{21}$ .